

PRIPRAVE NA USTNI DEL IZPITA IZ MATEMATIKE ZA 4. K

4. letnik – srednjega strokovnega izobraževanja

ZAPOREDJA

1. Kaj je zaporedje? Katere lastnosti lahko določimo zaporedju?

PRIMER: Zapiši pet členov zaporedja $a_n = \frac{1}{n}$ in ugotovi ali je padajoče, naraščajoče ter ali je omejeno!

2. Kdaj je zaporedje aritmetično? Zapiši formulo za splošni člen in jo pojasni!

PRIMER: Izračunaj 20. člen aritmetičnega zaporedja, če je prvi člen 4 in diferenca 2!

3. Kdaj je zaporedje aritmetično? Zapiši formulo za vsoto n členov aritmetičnega zaporedja in jo pojasni!

PRIMER: Izračunaj vsoto prvih 15 členov aritmetičnega zaporedja, če je prvi člen 5 in razlika 3!

4. Opiši aritmetično zaporedje!

PRIMER: Prvi člen aritmetičnega zaporedja je 3, dvanajsti pa -41. Izračunaj diferenco zaporedja.

5. Kako ugotovimo ali dani členi a_1 , a_2 in a_3 predstavljajo aritmetično zaporedje?

PRIMER: Za kateri x je zaporedje: $3x - 1$, $4x + 3$, $2x + 1$ aritmetično?

6. Kdaj je zaporedje geometrijsko? Zapiši formulo za splošni člen in jo pojasni!

PRIMER: Izračunaj prvi člen geometrijskega zaporedja, če je tretji člen 18 in količnik 3!

7. Kako ugotovimo ali dani členi a_1 , a_2 in a_3 predstavljajo geometrijsko zaporedje?

PRIMER: Za kakšen x je dano zaporedje: $x + 1$, $2x$, $3x$ geometrijsko?

8. Kdaj je zaporedje geometrijsko? Zapiši obrazec za vsoto n členov geometrijskega zaporedja!

PRIMER: Izračunaj vsoto prvih petih členov geometrijskega zaporedja, če je prvi člen 4 in količnik 2!

9. Kako ugotovimo ali dani členi a_1 , a_2 in a_3 predstavljajo geometrijsko zaporedje?

PRIMER: Določite x tako, da bodo $x + 2$, x , $x - 1$ prvi trije členi geometrijskega zaporedja. Zapišite člene zaporedja.

10. Kdaj je zaporedje geometrijsko? Zapiši obrazec za vsoto n členov geometrijskega zaporedja!

PRIMER: Določite manjkajoči člen tako, da bo zaporedje 2,4, \square , 16 geometrijsko.

Izračunajte vsoto prvih osmih členov.

11. Kaj je zaporedje? Katere lastnosti mu lahko določimo!

PRIMER: Dano je zaporedje $a_n = \frac{n + (-1)^n}{2}$ Zapišite prve štiri člene zaporedja in narišite prve štiri točke grafa zaporedja.

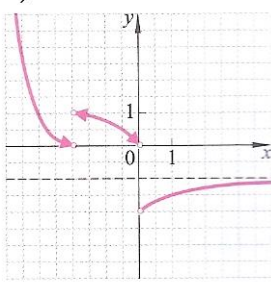
12. Kateri dve zaporedji ločimo? Opiši razliko med njima!

PRIMER: : Dano je zaporedje $a_n = \frac{2n}{n+1}$. Zapišite prve štiri člene zaporedja in izračunajte njihovo vsoto.

DIFERENCIALNI RAČUN

1. Kdaj je funkcija zvezna in kdaj nezvezna? Naštej nekaj zveznih in nekaj nezveznih funkcij?

PRIMER: V katerih točkah je funkcija na sliki nezvezna?

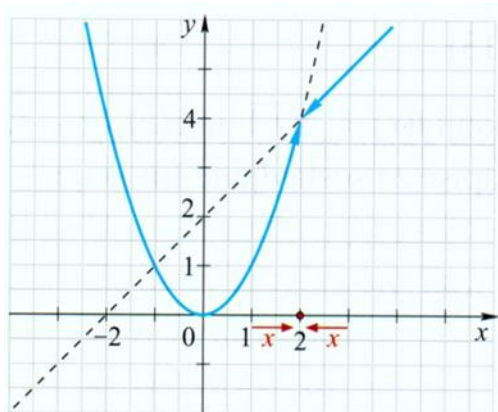


2. Pojasni pojem zveznosti funkcije! Naštej nekaj zveznih in nekaj nezveznih funkcij?

PRIMER: Določi točke nezveznosti funkcije: $f(x) = \frac{1}{2x^3 - 14x^2 + 24x}$

3. Kolikšno vrednost ima ta funkcija, ko se x približuje vrednosti 2 bodisi z leve, bodisi z desne? Ali je funkcija v tej točki definirana in ali obstaja $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$?

PRIMER:



4. Opiši načine kako računamo limite!

PRIMER: Izračunaj: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x}{2x + 5} =$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 4x + 3} =$$

5. Opiši načine kako računamo limite!

PRIMER: Izračunaj: $\lim_{x \rightarrow -1} \sqrt{x^3 + 5} =$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + x - 6}{x^2 - 4} =$$

6. Opiši načine kako računamo limite!

PRIMER: Izračunaj: $\lim_{x \rightarrow 0} e^x =$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - x^2 + 1}{3x^3 - 5x} =$$

7. Zapiši pravilo za odvod vsote in razlike dveh funkcij ter odvod funkcije pomnožene s konstanto!

$$(f(x) \pm g(x))' =$$

$$(k \cdot f(x))' =$$

PRIMER: Odvajaj: $f(x) = 2x^3 - 3x^{-2} + x - 5$

8. Zapiši pravilo za odvod produkta dveh funkcij !

$$(f(x) \cdot g(x))' =$$

PRIMER: Odvajaj: $f(x) = x^2 \cdot e^x$

9. Zapiši pravilo za odvod količnika dveh funkcij !

$$\left(\frac{f(x)}{g(x)} \right)' = \quad g(x) \neq 0$$

PRIMER: Odvajaj: $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 2}$

10. Zapiši pravilo za odvod potenčne funkcije !

$$f(x) = x^n; \quad n \in \mathbb{Z}, n \neq 0$$

$$f'(x) = ?$$

PRIMER: Odvajaj: $f(x) = \sqrt[3]{x^5}$

11. Zapiši pravilo za odvod eksponentne funkcije z osnovo e !

$$f(x) = e^x$$

$$f'(x) = ?$$

PRIMER: Odvajaj: $f(x) = e^{2x^3}$

12. Čemu je enak koeficient tangente na krivuljo?

PRIMER: Izračunaj koeficient tangente na krivuljo $y = x^2 + x - 2$ v točki $T(-1, y)$

KOMBINATORIKA

1. Kako lahko grafično prestavimo možnosti izbire?

PRIMER: Mateja je prišla na nedeljsko kosilo v restavracijo. Pri sestavi kosila je izbirala med 2 juhama, 3 glavnimi jedmi in 2 sladicama. Narišite kombinatorično drevo in zapišite, na koliko različnih načinov je lahko sestavila nedeljsko kosilo.

2. Pojasnite permutacije! Kako izračunamo permutacije brez ponavljanja in kako permutacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed s sedmimi črkami lahko sestavimo iz črk besede TRIGLAV, če se črke ne smejo ponavljati?

3. Opiši permutacije! Kako izračunamo permutacije brez ponavljanja in kako permutacije s ponavljanjem?

PRIMER: Blaž bo za domače branje prebral 5 različnih knjig. Vrstni red, v katerem bo prebral knjige, bo izbral sam. Izračunajte število različnih vrstnih redov, ki jih lahko izbere. Izračunajte število različnih vrstnih redov, če bo Blaž najprej prebral najdebelejšo knjigo.

4. Opiši permutacije! Kako izračunamo permutacije brez ponavljanja in kako permutacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed z devetimi črkami lahko sestavimo iz črk besede RABARBARA?

5. Pojasnite permutacije! Kako izračunamo permutacije brez ponavljanja?

PRIMER: Na polico želimo zložiti 4 učbenike, 3 zbirke vaj in 2 priročnika. Na koliko načinov lahko to storimo, če:

- ni nobenih dodatnih omejitev?
- Če morajo knjige iste vrste stati skupaj?

6. Opiši variacije! Kako izračunamo variacije brez ponavljanja in kako variacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed s petimi črkami, ki se začnejo s S, lahko sestavimo iz črk A, I, N, O, R, S in T?

7. Pojasnite variacije! Kako izračunamo variacije brez ponavljanja in kako variacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed s petimi črkami lahko sestavimo iz črk A, I, N, O, R, S in T, če se te ne smejo ponavljati in koliko če se črke lahko ponavljajo?

8. Opiši variacije! Kako izračunamo variacije brez ponavljanja in kako variacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed s petimi črkami lahko sestavimo iz črk besede MOJSTER, če se črke ne smejo ponavljati in koliko če se črke lahko ponavljajo?

9. Opiši variacije! Kako izračunamo variacije brez ponavljanja in kako variacije s ponavljanjem?

PRIMER: Koliko različnih besed s štirimi črkami lahko sestavimo iz črk besede NOGAVICE, če se črke ne smejo ponavljati in koliko če se črke lahko ponavljajo?

10. Opiši kombinacije! Zapiši kako jih izračunamo?

PRIMER: Trener mora pred pričetkom tekme izbrati pet od devetih košarkarjev. Na koliko različnih načinov lahko izbere?

11. Opiši kombinacije! Zapiši kako jih izračunamo?

PRIMER: Na razpis za prosto delovno mesto prodajalca se je prijavilo sedem žensk in osem moških. Na koliko različnih načinov lahko delodajalec izbere tri ženske ali tri moške?

12. Opiši kombinacije! Zapiši kako jih izračunamo?

PRIMER: Na polju smo nabrali cvetje za šopek. Na voljo imamo 7 vijolic, 12 zvončkov in 10 narcis. Na koliko načinov lahko naredimo šopek iz 21 cvetlic, če naj bo v njem 5 vijolic, 9 zvončkov in 7 narcis?